МИНИСТЕРСТВО ВЫСШЕГО И СРЕДНЕГО СПЕЦИАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ РСФСР

ОБЪЕДИНЕННЫЙ УЧЕНЫЙ СОВЕТ ПО ПРИКЛАДНОЙ ГЕОМЕТРИЙ И ИНЖЕНЕРНОЙ ГРАФИКЕ ПРИ МОСКОВСКОМ ТЕХНОЛОГИЧЕСКОМ ИНСТИТУТЕ ПИЩЕВОЙ ПРОМЫШЛЕННОСТИ

ИНЖЕНЕР Д. И. ТКАЧ

НЕКОТОРЫЕ ВОПРОСЫ ИССЛЕДОВАНИЯ ЦЕНТРАЛЬНЫХ ПРОЕКЦИИ И МОДЕЛИРОВАНИЯ ПРОСТРАНСТВА АППАРАТОМ ЦЕНТРАЛЬНОГО ПОДВИЖНОГО ПРОЕЦИРОВАНИЯ ПРИМЕНИТЕЛЬНО К ПОСТРОЕНИЮ АРХИТЕКТУРНЫХ ПЕРСПЕКТИВ

(150-прикладиая геометрия и инженерная графика)

Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата технических наук Работа выполнена в Диепропетровском инженерно-строительном институте.

Научный руководитель — профессор Н. Л. Русскевич

Официальные аппоненты:

доктор технических наук, профессор С. А. Смирнов кандидат архитектуры, доцент Ю. И. Короев

Ведущее предприятие — Государственный проектный институт «Гипровуз».

Просим Вас и сотрудников Вашего учреждения, интересующихся темой диссертации, принять участие в заседании Совета или прислать заверенные печатью отзывы о работе в 2-х экземплярах по адресу: г. Москва, A-80, Волоколамское шоссе. 11.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке института.

Ученный секретарь Совета, кандидат технических наук, доцент

о. А. КОЗЫРЕВА

Инженерная и творческая деятельность человека немыслима без изображений, в условной форме передающих зрительную информацию о количественных, качественных и эстетических характеристиках запечатленных процессов, объектов и явлений материального мира.

Среди множества различных видов изображений на плоскести наибольшей наглядностью обладает перспектива или

центральная проекция. -

Несмотря на многовековую историю развития перспективы научный и практический интерес к ее природе не ослабевает и в настоящее время. Об этом свидетельствуют исследования И. И. Котова, Д. Г. Барышева, А. Я. Зметного, Н. Л. Русскевича, Ю. И. Короева, М. Ф. Федорова, Н. С. Кузнецова, Е. С. Тимрот, А. Г. Климухина, А. П. Держака, Г. И. Устенко, М. Ф. Евстифеева, Ю. П. Нагориова, В. С. Иванова и многих других.

Этот интерес диктуется практической необходимостью создания все более рациональных методик графического построения архитектурных перспектив проектируемых объектов.

Изучение специальной литературы показывает, что теория линейной перспективы на плоскости развивается по двум самостоятельным направлениям: перспектива на веотикальной картине и перспектива на наклонной картине. Этот факт нельзя признать нормальным, так как оба вида перспективы имеют единую проективную основу, которая является заведомой предпосылкой создания единой рациональной теории линейной перспективы на плоскости любого положения.

Первую попытку создания такой теории совершил проф. Н. Л. Русскевич, который предположил центр проекций иссителем связки проецирующих плоскостей. Такое предположение позволило сму разработать единую методику построения архитектурных перспектив на наклонной и вертикальной картинах.

Все предыдущие попытки создания общей теории линей-

ной архитектурной перспективы не имели успеха по причине традиционного понимания структуры аппарата центрального проецирования.

Поэтому для успеха дальнейшего решения этой задачи нужно принимать такие конструкции проекционных аппаратов, которые в наиболее полной мере моделируют естественные процессы получения центральных проекций.

В реферируемой работе, которая является попыткой создания единой рациональной теории линейной перспективы на плоскости любого положения, в качестве аппарата жения пространства на плоскость принят принципнально новый аппарат центрального полвижного ецирования, грубо моделирующий процесс зрительного восприятия и более точно — процесс киносъемки. предусматривает подвижность центра-носителя связки прямых и плоскостей. проецирующих неподвижное пространство на неподвижную или подвижную картину.

Он является проекционным аппаратом киноперспективы—науки о деформациях перспективных изображений движущих ся объектов, основанной проф. Н. А. Рыниным и развитой проф. Л. Н. Лихачевым.

Вопросам кинематического изображения топографических поверхностей и автодорожного полотна посвящена диссертация О. К. Кульминского, в которой автор определяет киноперспективу как «мультипликацию, каждый кадр которой является перспективным изображением...», а так же лиссертация Е. П. Жуленева, предложившего конструкцию автоматического перспектографа, дающего кинематическую перспективу автодороги.

Современная практика архитектурного проектирования так же требует построения киноперспективных рядов изображений проектируемых объектов, соответствующих реальным траекториям движения зрителя, с целью наиболее объективного зрительного анализа этих объектов. Теоретическими и практическими вопросами автоматизированного постросния таких рядов занимаются Ю. И. Короев и В. Н. Семенов.

Реферируемая работа посвящена теоретическому исслелованию закономерностей деформаций перспективных изображений, порождаемых процессом центрального подвижного проецирования.

Подвижный центр занимает на траектории своего движения однопараметрическое множество положение и, следованепрерывное тельно, индуцирует плоскости картины Ha м ножество проективных преобразований одних перспективных изображений в другие, которое, при определенных условиях, может удовлетворять всем аксиомам группы геометрических непрерывных преобразова-Это обстоятельство определило подход к исследованию природы центральных проекций с позиций теории множеств, исчислительной геометрии и теории групп непрерывных теометрических преобразований, порождаемых ниями, -- напболее общих разделов современной математики.

В реферируемой работе одиночная центральная проекция рассматривается как элемент их однопараметрического множества, внутри которого установлена совокупность преобразований относительно операции умножения.

Знаменитый немецкий математик Ф. Клейн, отводя геометрическому движению основополагаю Дую роль, в знаменитой «Эрлангентской программе» устанавливается, что различные геометрии являются теориями инвариантов той или иной группы геометрических движений.

. Подходя с этих позиций к содержанию киноперспективы, ее можно сформулировать как науку о графических инвариантах различных групп непрерывных преобразований перспективных изображений. Инварианты названы графическими потому, что элементами множеств, между которыми устанавливаются различные группы непрерывных геометрических преобразований, являются изображения.

С проективной точки зрения отдельное перспективное изображение может быть как результатом плоскостного проективного преобразования исходных ортогональных или параллельных проекций (В. Фидлер, Г. Гаук, О. А. Вольберг, Н. Ф. Четверухин, Н. А. Извольский, И. М. Яглом, И. И. Котов, К. И. Вальков, И. С. Джапаридзе, Н. Д. Бирючевский С. А. Фролов, Б. М. Гринева и многие другие), так и результатом проекционного отображения некоторой фигуры, соответственной исходной фигуре в определенном пространственном преобразовании (Н. К. Грушинская, Ю. А. Харит,

К. И. Вальков. И. И. Котов, И. С. Джапаридзе, В. Н. Синс-

брюхов, Е. С. Томаревская и др).

Благодаря трудам таких ученых, как Е. С. Федоров, О. А. Вольберг, И. И. Котов, Н. Ф. Четверухин, Е. А. Мчедлишвили, И. С. Джапаридзе, К. И. Вальков, З. А. Скопец и др. современная начертательная геометрия определилась как наука о методах плоскостного моделирования пространства. Она рассматривает плоскость изображения как самостоятельное «расплющенное» пространство, в котором можно непосредственно производить такие же геометрические построения и преобразования его объектов, как и в отображаемом эвклидовом пространстве. При этом разумеется, что в плоскости должны быть созданы условия, предусматривающие определенную интерпретацию объектов «расплющенного» пространства и наличие определенной графической конструкции, инвариантной по отношению ко всем преобразованиям этого пространства в себя.

Неизменную графическую конструкцию, присоединенную к плоскости и создающую в ней все условия для независимого и непосредственного построения и преобразования обратимых (полных) изображений, проф. Н. Л. Русскевич назвал о пределителем изображений. Если к плоскости присоединяется определитель обратимых изображений, то она становится плоскостной моделью пространст-

в а. обладающей независимостью.

Большой научный прогресс представляет фундаментальное исследование проф. И. И. Котова «Комбинированные изображения», в котором автор, в развитие идей О. А. Вольберга о монопроекциях и Н.Ф. Четверухина о полных и неполных изображениях, глубоко раскрывает геометрическую природу центральных проекций и определяемых ими плоскостных моделей пространства.

Проф. И. С. Джапаридзе, на основе аксиоматического метода отображения разрешает вопросы построения различных моделей различных пространств, изучает их свойства и производит их широкую систематизацию и классификацию.

На основе исследований всех вышеперечисленных авторов, а так же из мыслей, определивших выбор темы, непосредст-

венно вытекает общая задача реферируемой работы:

выявить, изучить и пространственно истолковать графические инварианты некоторых групп непрерывных преобразований центральных проекций (перспектив), индуцируемых центральным подвижным проецированием неподвижного прост-

ранства-оригинала на вертикальной и наклонной неподвижной и подвижной картинах с тем, чтобы, пользуясь ими как определителями изображений, производить резличные построения и преобразования перспектив в плоскости картины как в самостоятельном пространстве, и, на основе этого, предложить единую рациональную методику построения архитектурных перспектив на вертикальной и наклонной картинах, а так же, — рациональную методику построения различных киноперспективных рядов изображений как основы киноперспективного анализа архитектурного проекта.

Здесь под словами «пространственно истолковать» имеется ввиду отыскать в отображаемых пространствах такие аналоги плоскостных графических чивариантов, для которых последние являлись бы параллельными проекциями.

Б качестве объектов, изображения которых подлежат исследованию, в работе последовательно приняты: точка (точечное пространство), прямая (линейчатое пространство и его подпространства), плоская фигура (поостранство точек и прямых) и пространственная фигура. Эти объекты в различных сочетаниях могут геометрически аппроксимировать любой архитектурный объект.

Работа состоит из вступления, трех глав, заключения и приложения, содержит 212 страниц машинописного текста, в том числе 60 иллюминованных чертежей и 9 таблиц. Перечень литературы насчитывает 142 наименования.

Первая глава посвящена выявлению и исследованию графических инвариантов непрерывных групп коллинеарных и родственных преобразований перспектив неподвижных объектов на неподвижных вертикальной и наклонной картинах, индуцируемых движением центра соответственно вдоль главного луча зрения и по направлениям, параллельным картине.

В начале главы сравнивается аппарат центрального подвижного проецирования с аппаратами осевого проецирования и проецирования лучами специального линейного комплекса и показывается, что первый аппарат является кинематическим аналогом третьего, а так же в реферативном плане дается понятие о группе непрерывных геометрических преобразований.

Далее выявляются прафические инварианты прупп непрерывных преобразований перспектив принятых объектов, конструктивные совокупности которых называются определителями перспектив.

В результате оказывается, что на плоскости любого положения:

1. все перспективы точки определяются прямолинейным носителем, инцидентным главной точке картины Р и ортого-

нальной картинной проекции изображаемой точки;

2. все перспективы отрезка прямой любого положения определяются двумя прямолинейными носителями перспектив его концов и его картинным следом (собственным или несобственным);

3. все перспективы плоского многоугольника (плоской замкнутой ломаной линии) определяются совожупностью носителей перспектив его вершин и его картинным следом (собственным или несобственным);

4. все перспективы пространственного гранного объекта определяются совокупностью носителей перспектив его вершин и определенной конфигурации картинных следов его гра-

ней.

В результате иоследования определяется, что выявленные графические инварианты являются неизменными конструктивными элементами пруппы плоскостных инволюционно-гомологических преобразований перспектив, и показывается, что процесс построения любой перспективы любого объекта на плоскости любого положения является процессом ее выделения из множества фигур, гомологичных друг другу н ортопональной проекции объекта на плоскость картины. Это обстоятельство дает основание утверждать, что определитель перспектив, полученный проекционным путем, придает плоскости картины свойства плоскостной модели пространства, обладающей независимостью. Об этом же свидетельствует полная проективная эквивалентность определителя и основной бинарной модели а-4, полученной проф. И. С. Джапаридзе акономатическим методом.

Дальнейшее исследование определителя перспектив показывает, что он является результатом «рационального» отображения в методе проекций и в методе следов группы пространственных коллинеарных соотвествий, которая индуцируется подвижным центром между плоскостью отображения, совпадающей с плоокостью картины, и плоокими гранями отображаемого объекта. Этому способствует конструкция аппарата центрального подвижного проецирования, удовлетворяющая условиям «иррегулярности» отображения.

По свидетельству проф. И. С. Джапаридзе, ценность рациональных отображений «заключается в том, что операции

на чертеже доводятся до минимума». Это обстоятельство особенно важно в теории наглядных изображений, в частности, для отыскивания конструктивно рациональных схем построения архитектурных линейных перопектив.

Основным достоинством перопективного изображения является его высокая наглядность, обусловленная кажущейся пространственностью. Одной из причин этого является тот факт, что перспективу объекта-оригинала можно рассматривать как параллельную прямоугольную проекцию некоторой фигуры, соответственной объекту-оригиналу в пространственной инволюционной гомологии.

Есля подверпнуть исходную фигуру Ф вместе с окружающим его пространством R одиночному помолопическому преобразованию, то она «расширится» в фигуру Ф' пространства R', составляющую вместе с элементами связи и фигурой Ф связную фигуру (Ф, Ф') (по И. И. Котову). Но фигуру Ф' можно принять за исходную и преобразовать ее вместе с пространством R' в фигуру Ф" пространства R" и т. д. Этот процесс может быть непрерывным и составлять группу пространственных гомологических преобразований. С результате такого непрерывного преобразования фигура-оригинал расширяется в однопараметрическое мнюжество фигур, которое в целом образует обобщен ную овязную фигуру «расширяющегося» пространства как совокупностя пространств всех фигур, составляющих обобщенную.

Элементами связи этой обобщенной фигуры являются:

- а) связки лучей, инцидентных соответственным вершинам соединяемых фигур, центр которой расположен внутри исходной фигуры, и
- б) определенная конфигурация картинных следов граней исходной фигуры, исполняющая роль осей всей группы гомологий, так жак в данном случае двойная плоскость гомологии совпадает с плоскостью картины.

Если ортогонально спроецировать обобщенную связную фигуру, то пространственная связка отобразится в пучок собственно-двойных прямых группы плоскостных гомологий с центром в тлавной точке картины, конфигурация следов отобразится в себя, а все множество перспектив явится ортогональной проекцией множества фигур, составляющих обобщенную овязную фигуру.

Таним образом, «расширяющееся» пространство является областью существования пространственных аналогов перспек-

тив и их определятелей, а картинная плоскость как поситель определителя перспектив, является плоскостной моделью не только пространства-орипинала, но и «расширяющегося» пространства.

По причине того, что обобщенная овязная фигура ортогонально проецируется в множество овязанных перспектив картины, последние удовлетворяют понятию обобщенных комплексных комбинированных изображений проф. И. И. Котова.

Эти же изображения удовлетворяют понятию обобщенных ПОС-проекций проф. Л. Н. Лихачева, так как лучами пучка Р сопрягается одна ортогональная проекция объекта с однопараметрическим множеством его перопектив.

В конце главы расоматриваются закомерности деформаций перспектив, вызываемых движением центра по горизонтальным, вертикальным и наклонным прямолинейным траекториям, параллельным плоскости картины. Устанавливается, что эти деформации составляют группы родственных преобразований перспектив, графическими инвариантами которых являются следующие геометрические объекты:

- а) пучок лучей, нооителей всех перспектив соответствующих вершин, с несобственным центром в точке встречи траектории движения центра с плоокостью картины (направление родства) и
- б) конфигурация картинных следов плоскостей граней объекта-оригинала оси родства всей пруппы.

Определитель перспектив, составленный из этих инвариантов, придает картине свойства самоотоятельного пространства, так как создает в ней все условия для родственных преобразований исходной перспективы. Исходная же перспектива, в овою очередь, строится путем ее выделения конкретным положением центра из множества перспектив, индуцирумых движением центра вдоль главного луча эрения.

Конструкция проецирующего аппарата в данном случае состоит из двух взалмоовязанных аппаратов: аппарата установления группы пространственных коллинеаций между плоскостями граней объекта и плоскостью картины, и аппарата отображения этой группы на плоскость, совпадающую с плоскостью картины.

Первый аппарат представляет собой линейный комплекс, устроемный таким образом, что соответственные лучи всех его связок компланарны и образуют пучок проецирующих кону-

сов 1-го порядка, имеющих общего носителя — траекторию

движения центра.

Второй аппарат представляет собой связку проецирующих плоскостей с центром, удаленным в бесконечность вдоль главного луча зрения. Его конструкция удовлетворяет условию иррегулярности, но полной рациональности отображения нет, так мак линия центров отображается регулярно. По этой причине группа пространственных коллинеаций отображается в группу параболических гомологий как частный вид плоских коллинеаций.

В практическом плане выявленные закономерности позволяют судить о геометрической природе деформации тени от неподвижного объекта на неподвижной плоскости при движении факельного источника света по любой прямолинейной траектории, параллельной этой плоокости. Они позволяют также выбрать из множества изображений пару, удовлетворяющую требоважиям, предъявляемым к стереопаре.

Глава завершается общими выводами.

Вторая глава посвящена выявленню и исследованию графических инвариантов групп непрерывных преобразований перспектив на подвижной вертикальной и наклонной картинах системы S — K, центр которой перемещается прежде вдоль главного луча зрения, а затем — по траекториям, определяемым теми или иными наложенными условиями.

Оистема S — К представляет собой геометрическую модель киносъемочной камеры, имеющей объектив с постоянным фокусным расстоянием. Проецирование в этой системе является более общим вариантом центрального подважного проецирования и его аппарат удовлетворяет условиям обобщенного. Так, центр, занимая в пространстве однопараметрическое множество положений, образует «обобщенный» центр — траекторию его движения как носитель проец рующего линейного комплекса. Картина, овязанная с подвижным центром постоянным главным расстоянием, так же занимает в пространстве однопараметрическое множество положений, образуя некоторое пространство плоских перспективных изображений или пространство пространство плоских перспективных изображения или пространство пр

Это пространство всегда можно продеформировать («сплющить») в одну плоскость обменной картиной.

Исходя на этах положений, во второй главе прежде рассматривается просцирование посстранства-орновнала на пространство-проекцию, а эатем последнее деформируется илоскость картины.

В качестве изображаемых объектов в этой главе последовательно приняты: точечное пространство, линейчатое пространство и его подпространства, и проективное пространство точек, прямых и плоокостей.

С результате исследования установлено, что при движении системы вдоль главного луча зремия точечное пространство-«рациональное гиперотображается в больное» пространство-проекцию, которое перегулярно отображается в плоскость обобщенной картины. Здесь точкам пространства-оригинала соответствуют пиперболы ства-проекции, плоскости кравизи которых инцидентны изображаемым точкам и образуют пучок с осью — траекторней движения центра. Эти гиперболы наглядно демонотрируют характер деформации перспект в точек в функции от расстояния этих точек до подвижной системы. Поэтому они назв работе «гиперболами деформаций» перспектив почек.

Последовательные положентя подвижной картины пересекают пучок плоокостей кривизн пипербол деформаций по конгруэнтным пучкам лучей с центрами в главных точках картин. Эти пучки движением вдоль главного луча можно совместить в один пучок Р обобщенной картины — носитель всех перспектив изображаемых точек, т. е., определитель перспектив. Отсюда следует, что обобщенная картина является члоскостной моделью точечного пространотва. Факт, что этот пучок является пучком вырожденных пипербол, дает своеобразную пространственную трактовку его лучам — прафическим инвариантам группы гиперболических инволюционных гомологий.

Изображаемое 4-параметрическое линейчатое пространство содержит несколько 3-параметрических подпространств: пространотво прямых, параллельных подвижной картине, пространство горизонтальных прямых и пространство прямых общего положения.

Вертикальный отрезок (по отношению к вертикальной картине) является элементом первого подпространства. Центральное подвижное проецирование относит ему в пространстве-проекции кусок поверхности вертикального гиперболического цил индра, ограниченный гиперболами деформаций перспектив его концов. Всему пространству-оригиналу будет

соответствовать пространство-проекция, заполненное соответствующим образом ориентированными пиперболическими цилиндрами. В результате деформирования этого пространства в плоскость пиперболы деформаций перопектив концов отрезка вырождаются в лучи пучка Р обобщенной картины, которые ограничивают соответствующие отсеки картины как области существования всех перспектив изображаемых отрезков. Это придает обобщенной картине овойства самостоятельного пространства.

Элементом второго подпространства является горизонтальный отрезок, не параллельный плоокости подвижной картины. Он пересекает ее последовательные положения в различных точках и поэтому картинный след отрезка теряет инвариантность по отношению к группе преобразований его перспектив. В силу постоянства главного расстояния системы графическую инвариантность приобретает точка схода перспектив.

В пространстве-проекции точки схода на всех положениях картины располагаются на одной прямой линия, параллельной траектории движения центра оистемы и определяющей вместе с ней плоскость горизонта. Если отрезок-оригинал не совпадает с плоскостью горизонта, то все его перспективы, пересекая две скрещивающиеся прямые, — лишию точек схода и продолжение самого отрезка, — образуют в пространстве-проекции кусок поверхности пиперболического параболоида, оправиченного пиперболами деформаций перспектив концов отрезка. Всему пространству-оригиналу будет соответствовать пространство-проекция, заполненная пиперболическими параболендами различной кривизны.

Деформирование такого пространства в плоскость вызывает вырождение граничных гипербол в лучи пучка Р, ограничныя объем существования всех перопектив отрезков, проходящих через неподвижные точки схода. Сочетание пучка Р и точек схода образует определитель всех перопектив изображаемых отрезков, придающий картине свойства самостоятельного пространства.

Так же обстоит дело с отображением пространства прямых общего положения. Каждой его прямой в пространстве-проекции соответствует поверхность пиперболического параболонда, образующие которой ортогонально проецируются в перспективы этой прямой. При этом точки схода этих перспектив не располагаются на линии горизонта.

Если в качестве изображаемого объекта принят плоский

многоугольник, то его следует представить как замкнутую ломаную линию, пересекающиеся звенья которой тем или иным образом орнентированы по отношению к полвижной картине.

Проецирование этой ломаной в подвижной системе индуцирует в пространстве-проекции комплеконую поверхность, работе гилерболической перспекназванную В поверхностью, так как она является геометтивной рическим местом всех перспектав изображаемого многоугольника. Эта поверхность составлена гиперболическими цилиндрами и пиперболическими параболоидами, соответственными сторонам многоугольника, которые пересемаются по гиперболам, соответственным его вершинам. Она оправничивает часть пространства-проекции как область существования его объектов, соответствующих точкам и прямым куска плоскости, ограниченного заданной ломаной.

При прямоугольном проецировании всей поверхности пиперболы вырождаются в лучи пучка Р, попарно разбивающие плоскость обобщенной картины на отсеки — областа существования перопектив соответственных сторон минополгольника. Графическим инвариантом, дополняющим пучок Р до определителя перспектив, является в данном случае не картичный след многоугольника, а лишия схода его перспектив (собственная или несобственная). Такой определитель придает картине овойства самостоятельного пространства.

Если изображению подлежит многопранник, то его сетке проецирование в подвижной системе относит совокупность комплеконых пиперболических перопективных поверхностей, пересекающихся по поверхностям, соответствующим ребрам многогранника. Гиперболические перопективные поверхности этой совокупности, соответствующие ребрам многогранника, определяющим контур его видимости, ограничивают часть пространства-проекции как область существования его объектов, соответственных точкам отрезкам прямых и кускам плоскостей части пространства-оригинала, опраниченного боковой поверхностью изображаемого многограника.

Деформирование такого пространства-проекции в плоскость вновь породжает пространство обобщенной картины как носитель определителя перспектив ,состоящего из пучка Р и совокупностей линий схода всех перспектив плоскостей граней изображаемого многопранника.

Далее в работе показывается, что на структуру пространства-проекции, которое можно рассматривать как растян у-

тую в третье измерение обобщенную картину, положение подвижной картины по отношению к плоскостям проекций (вертикальное, накложное), не оказывает принципаального влияния. Здесь существежно положение этой картины по отношению к элементам объекта-орипинала, подлежащим изображенлю.

Исследование характера проективных преобразований перспектив трехмерного объекта на подвижной картине показывает, что в данном случае имеет место такой вид непрерывного множества гомологий, в котором каждой конкретной гомологии соответствует своя ось, и, кроме того, есть ось, общая для всего множества, — треугольник схода всех перспектив изображаемых граней объекта.

Для спределения пространственных аналогов перопектив и их определителей на подвижной картине, в пространствеорипинале приняты два конгруэнтных параллелепипеда общего положения, расположенных по обе стороны от плоскости отображения. Первый параллелепипед подвергнут проешированию в подвижной оистеме, в результате чего появляется рациональное гипербольное пространство. Гиперболы этого пространства отображаются на плоскость в лучи пучка Р, а конгруэнтные треугольники схода маждого положения картины отображаются в один треугольник схода плоокости отображения. Но пучок Р является графическим инвариантом, общим для групп преобразований перспектив как на неподвижной, так и на подвижной картинах. Поэтому в обеих случаях он является еще и результатом параллельного отображения пространственной связки лучей, инцидентных вершинам объекта-орапинала. Согласно этому центр овязки помещен в точку пересечения диагоналей второго параллелепипеда. Ее лучи, являясь прообразами собственно-двойных прямых группы плоскостных гомологий, должны овязывать вершины гур, соотвественных в группе пространственных осями которой являются стороны треугольника спектив основных направлений объекта, принадлежащего двойной плоскости гомологий, удаленной от центра принятой связки на главное расстояние подвижной оистемы.

Подвергнув второй параллелевинед группе гомологических преобразований, получим обобщенную связную фигуру расширяющегося пространства, ортогональная проекция которой на плоскость отображения будет конгрумитна изображению,

полученному ранее ортогональным проецированием рацио-

нального гипербольного пространства.

В результате получается, что плоскость отображения или плоскостной является картина пространств: пространстваделью нескольких оригинала, рационального пипербольного пространства и расширяющегося пространства, которое, в свою очередь, является «картинным» пространством для некоторых объектов четырехмерного пространства. Последнее обстоятельство тверджается тем, что пространственными аналогами перопектив параллелепипеда на подвижной картине являются геометрические конфигурации Рейе (126), которые, по свидетельству Д. Гильберта и С. Кон-Фоссена, являются «изображениями» или «проекциями» четырехмерных объектов типа 24-ячейки.

Таким образом, элементы определителя перспектив на обобщенной картине имеют в каждом из отображаемых пространств овои прообразы, не конгруэнтные друг другу, но расположеные иррегулярно по отношению к обобщенной картине. И действительно, точке пространства-орипинала острестствует гипербола пространства-проекции и прямая расширяющенося пространства. Благодаря иррегулярности расположения эти соответственные объекты оказываются компланарными и отображаются на плоскость обобщенной картины в соответствующие лучи пучка Р. Факт, что эти лучи являются проекциями пипербол, объясняет закон расположения точек-перспектив на них, а наличие на каждом луче пучка Р двух неподвижных точек указывает, что картинные гомологии являются гиперболическими.

Далее в работе производится сравнительный анализ опрелелителей перспектив на неподвижной и подвижной картинах (см. таблицу). В результате анализа делаются следующие

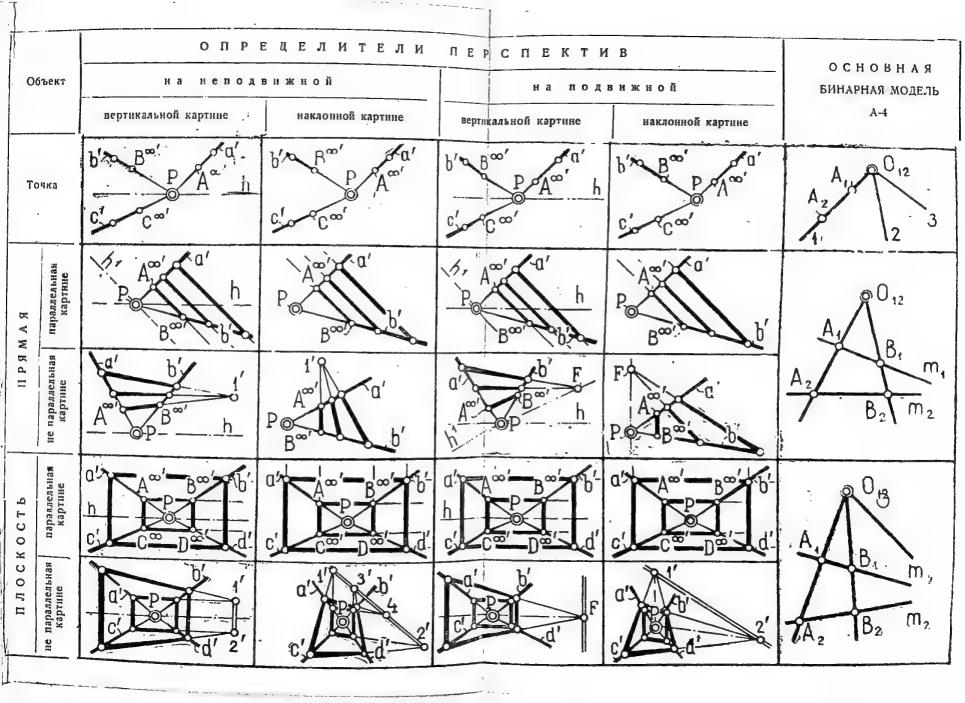
выводы:

1. Конструктивная структура того эли иного определителя перспектив зависит от конструктивных особенностей аппарата центрального подвижного проецирования, от взаимного расположения объекта по отношению к картине и не зависит от положения самой картины по отношению к плоскости горизонта.

2. Определители перспектив на вортикальной з наклонной ноподвижных картинах так же проективно эквивалентны между собой, как и соответственные определители перспектив

на полважной картине.

3. Так как подвижная система S — К занимает в процессе



мые ею определители перопектив можно рассматривать как результаты считеза множеств определителей на неподвижных карпинах.

После этого в работе рассматриваются закономерности деформаций перспектив параллелепипеда на картине системы — К, центр которой перемещается по прямолинейной траектории, не совпадающей с направлением главного луча зрения. Картина при этом совершает поступально-вращательное движение, индуцируя некоторое пространотво-проекцию.

В результате исследования установлено, что главная точка подвижной картины описывает в простанстве-проекции одну віствь кривой 4-го порядка — конхонды Никомеда, а перспективы различных точек объекта-оригинала — кривые, которые можно назвать деформированными конхондами. Никомеда. І юлученное пространство в работе названо «конхондани і м». Различным прямым объекта-оригинала в этом простанстве соответствуют конхондальные цилиндры и линейчатые пюверхности общего вида, которые, соответственно пересекаповерхности общего вида, которые, соответственно пересекаповерхности плоскостью, перпендикулярной к конкретному положению главного луча зрен ия, дает перспективу, соответствующую конкретному положению центра.

В результате исследования установлено, что конхоидное пространство равно, как и любое другое, индуцируемов произвольно движущейся картиной онстемы S — K, невозми ожно рационально спроецировать на плоскость и, тем самым, невозможно получить конструктивно удобный единый определитель того множества перопектив, которое соответствует заданной траектории движения системы.

Для того, чтобы рационально построить киноперспективный ряд изображений, соответствующих выбранной траектории движения системы, необходимо индуцируемое картиной перациональное пространство представить как результат последовательного взаимодействия опстемы с множеством рациональных гипербольных пространств, существующих вдоль всех направлений главного луча зрения. Каждое конкретное положение системы на траекторыи ее движения будет выдешять перспективы искомого ряда из их множеств, существующих вдоль соотвествующих направлений главного луча зреших вдоль соотвествующих направлений главного луча зрешия.

Глава завершается общими выводами.

Третья глава носит прикладной характер. В ней, на основе теоретических результатов первой главы, предлагается единая рациональная методика построения архитектурных перопектив на накложной и вертикальной картинах, а на основе теоретических результатов второй главы — рациональная методика построения киноперспективных рядов изображений как основы инноперспективного анализа архитектурного проекта.

В начале главы отмечается, что в практике современного архитектурного проектирования перопектива призвана играть две роли: быть рабочим аппаратом проектирования и быть

эллюстрацией к готовому проекту.

С первой ролью хорошо оправляется линейная перспектива на плоскости (перспектива фотоонимка), со второй, — перспектива, построенная с учетом особенностей зрительного

вооприятия (перспектива рисунка с натуры).

Для того, чтобы геометрическая схема построения архитектурной линейной перспективы была приомлема в качестве рабочего аппарата проектирования, необходимо, чтобы она удовлетворяла следующим современным требованиям:

- 1. быть принципиально одинаковой для построения перспективы как на вертикальной, так и на накложной картине;
- 2. предусматривать прямую проекционную связь между ортогональными проекциями объекта и его перспективой для их взаимной корректировки;
- 3. быть рациональной, т. е., содержать минимально возможное количество простых графических операций, которые должны располагаться в пределах чертежа;
- 4. давать перспектаву, увеличенную по оравнению с ортогональными проекциями.

На протяжении всей истории развития перспективы как науки разлыми авторами предложено большое количество геометрическах схем построения архитектурных перспектив, в разной, но не в полной мере удовлетворяющих этим условиям. В работе произведен краткий обзор и анализ метода «архитекторов» Г. Убальди, А. Поццо и Ф. Бруннелеско, метода «следа луча» А. Дюрера и его модификаций проф. А. А. Добряковым з автором реферируемой работы, схем, предложенных А. П. Держаком и Е. С. Тимрот, метода «прямоугольных координат» Ж. Дезарга и метолики, предложенной проф. Н. Л. Русскевичем. В результате анализа делается вывол, что среди опубликованных методов в наиболее полной мере

практически целесообразны методы пстроения архитектурных перспектав, предложенные проф. Н. Л. Русскевичем.

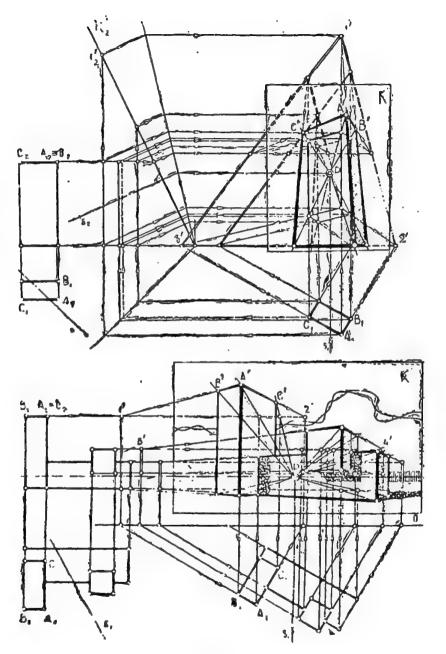
Результаты первой главы рефорируемой работы позволяют предложить методику построения архитектурных перспектив на плосксти любого положения, отличную от перечисленных и удовлетворяющую всем современным требованиям. (черт. 1).

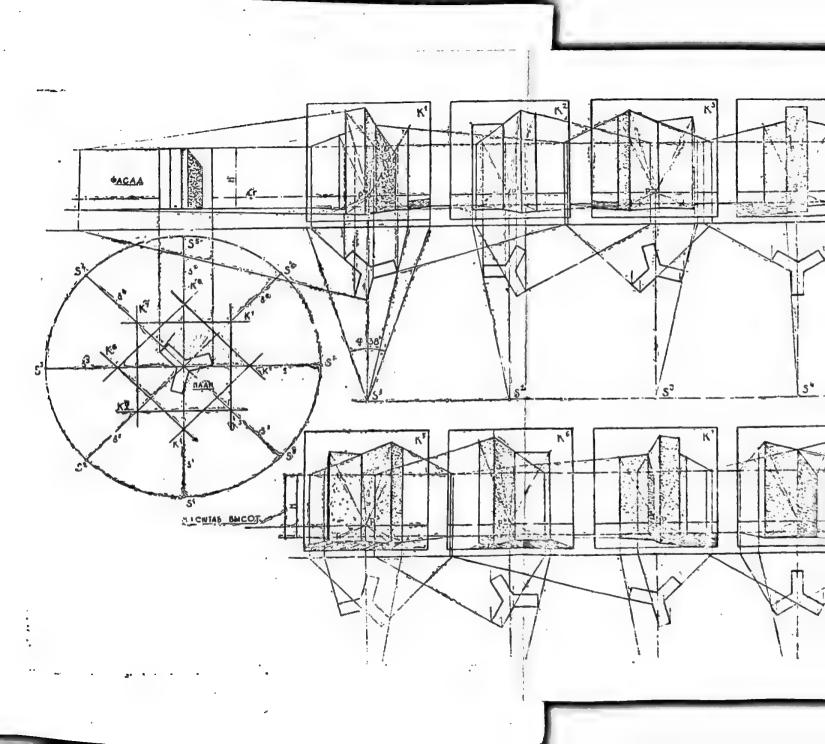
В ее основу положено использование прафических инвариантов групп непрерывных гомолопических преобразований перспектив объектов-оригиналов на неподвижной картине, индуцируемых движением центра вдоль главного луча зрения.

Задача построения любой перспективы заданного объектаоригинала на картине любого положения сводится к построению в плоскости картины определителя его перспектив,
состоящего из пучка Р, лучи которого соответственно инцидентны картинным прямоугольным проекциям его точек, и
конфигурации картинных следов плоокостей его граней. Эти
построения элементарны. Непоредственное же построение
перспективы — это процесс ее выделения из их множества
или процесс построения фигуры, гомологичной картинной ортогональной проекции объекта-оригинала.

Но одна статическая перспектива дает неполное представление о видимых формах проектируемого объекта. Если этот объект монументален и несет на себе большую композиционно-эстепическую нагрузку, то в процессе проектирования необходимо построить множество перепектив, отвечающее множеству реальных положений зрителя. Выборочные перспективы из этого множества могут служить основой для перспективного анализа проекта. Если же каждую перепективу отснять на кинопленку, то проемотр полученного мультфильма будет ставить архатектора в условия, наиболее близкие к реальным условиям обозрения проектируемого объекта. Теоретические результаты второй главы позволяют предложить рациональную метолику построения киноперепективных рядов, соответствующих траекториям оистемы S — К любого направленая и конфигурации.

Если эта праектория совпадает с направлением главного луча зрения, то все множество изображений киноперспективного ряда заполняет рациональное гипербольное пространство и определяется единым определителем. Если же это не так, то все множество перспектив заполняет некоторое нерац гональное пространство и каждую перспективу следует строить как элемент, выделенный конкретным положением оистемы из





рационального пипербольного пространства, существующего вдоль соотвествующего направления главного луча зрения

(см. черт. 2).

В заключении к работе отмечается, что принятая в ней формулировка науки киноперспективы подходит под общую формулировку самостоятельной геометрической системы, данную Ф. Клейном в его Эрлангентской программе. Поэтому киноперспективу можно считать геометрией линейной перспективы, системой предложений которой является система выводов двух первых глав реферируемой работы.

Нетрудно видеть, что развитая в работе теория линейной перспективы на плоскости любого положения вполне соответствует современному уровню развития теории изображений, так как опирается на наиболее общие математические теории множеств и групп и в качестве исходной имеет идею представления плоскости изображения как самостоятельного «расплющенного» пространства.

Общие выводы

- 1. Неподвижная и подвижная карпины являются носителями множеств перспектив объекта-орипинала как результатов непрерывных взаимных проективных преобразований, составляющих группы.
- 2. Соотвественные элементы перопектив, составляющих эти множества, овязаны между собой графическими инвариантами соответствующих групп непрерывных преобразований, образующими на картине неизменные графические конструкции, называемые определителями перспектив.
- 3. Определитель перспектив создает в плоскости картины все условия для независимого и непосредственного построения и преобразования перспективных изображений объекта-оригинала. Благодаря этому картина приобретает овойства самостоятельного пространства, т. е., становится независимой биларной моделью отображаемых пространств.
- 4. Картина является результатом отображения нескольких пространств: пространства-орипинала, рационального пипер-больного и расширяющегося пространств. Первое отображается путем центрального подвижного, а остальные два путем параллельного ортогонального проецирования. На основе этого картина названа обобщенной.

5. Пространственными аналогами перспектив на неподвижной и подвижной картинах являются фигуры, соответственные друг другу и объекту-орипиналу в пруппах пространственных инволюционных гомолопий. Неизменные конструктивные элементы этих групп являются простанственными аналогами соответствующих определителей перспектив.

6. Центральное проецирование пространства-оригинала в подвижной системе S — К индуширует перспективно-соответственное ему пространство-проекцию, в котором роль точек играют кривые линии, роль прямых — линейчатые поверх-

ности и т. д.

7. Киноперспектива как наука о графических инвариантах групп непрерывных преобразований перопективных изображений является геометрией линейной перспективы, системой предложений которой можно считать систему выводов двух первых глав реферуемой работы.

8. Предлагаемая методика построения киноперспективных рядов изображений, представляющих собой дискретные множества одиночных архитектурных перспектив на вертикальной и наклонной картинах, является рациональной, так как полностью удовлетворяет современным требованиям практики архитектурного проектирования, и прогрессивной, потому что ее теоретическая основа вполне соответствует современно-

му уровню развития теории изображений.

Основные положения диссертации были доложены на Третьей научной конференции молодых математиков Украины (апрель 1966 г.), на XXVII научной конференции ДИСИ (январь 1967 г.), на межвузовской республиканской конференции по строительству, строительным материалам и архитектуре, посвященной 50-летию Советской власти, в КИСИ, г. Кнев (февраль 1967 г.), на юбилейной научно-методической конференции Казанского инженерно-строительного института по прикладной геометрии и графике (сентябрь 1967 г.), на заседаниях секции прикладной геометрии и графики при Днепропетровском Доме ученых (март 1967 г., апрель 1968 г., май 1969 г.), на Первой научной конференции молодых ученых ДИСИ (февраль 1970 г.), а также опубликованы в следующих работах автора:

1. Ткач Д. И. Дальнейшее развитие метода «ортогонального эпора». XXVII научная конференция ДИСИ. Тезисы докладов, Днепропет-

ровск, 1966.

2. Ткач Д. И. Перспектива на наклонную картину по методу главной точки и линий начала плоскостей. Межвузовская республиканская конференция по строительству, строительным материалам и архитектур. Тезисы докладов, изд-во «Будівельник», Киев, 1967.

3. Ткач Д. И. О реконструкции пространства по его плоскостным моделям. Научно-методическая конференция КИСИ по прикладной геометрии и графике. Краткие содержания и тезисы докладов. Қазань, 1967.

4. Ткач Д. И. Некоторые вопросы киноперспективы и построение архитектурных перспектив. Известия высших учебных заведений, серия

«Стронтельство и архитектура», № 2, Новосибирск, 1968.

5. Ткач Д. И. Центральное подвижное проецирование. Сборник «Прикладная геометрия и инженерная графика», выпуск VIII, изд-20 «Будівельник», Қ., 1969.

6. Ткач Д. И. Построение архитектурных линейных перспектив методом определителя. Материалы Первой научной конференции молодых ученых «Технический прогресс в строительстве», Диечропетровск, 1970.

7. Ткач Д. И. Пространственные аналоги перспектив и их определителей на неподвижной и подвижной картинах любого положения», Материалы Первой научной конференции молодых ученых «Технический прогресс в строительство», Диепропетровск, 1970.

ОПЕЧАТКИ

Страница, строка	Напечатано	Следует читать
ст. 2, строка 18 стр. 5, спрока 2 стр. 5, строка 19 стр. 6, спрока 26 стр. 7, строка 3 стр. 9, строка 20 стр. 10, строка 14 стр. 14, строка 37 стр. 19, спрока 1 стр. 19, строка 1 стр. 19, строка 5 стр. 22, строка 16	Ученный положение устанавливается прогресс резличные С результате закомерности породжает испросния плосксти реферуемой	Ученый положений устанавливает интерес различные В результате закономерности порождает построения плоскости реферируемой,